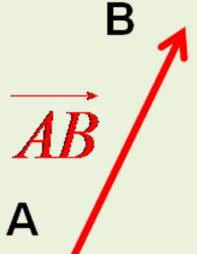


## المتجهات في الفضاء

### عناصر متجهة

	<p><math>A</math> و <math>B</math> نقطتين مختلفتين من الفضاء.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• الإتجاه: أتجاه المتجهة <math>\overrightarrow{AB}</math> هو المستقيم <math>(AB)</math></li> <li>• المنحى: منحى المتجهة <math>\overrightarrow{AB}</math> من <math>A</math> إلى <math>B</math></li> <li>• المنظم: منظم المتجهة <math>\overrightarrow{AB}</math> هو طولها أي المسافة <math>AB</math> و نكتب <math>\ \overrightarrow{AB}\  = AB</math></li> </ul>
---	---

### تساوي متجهتين

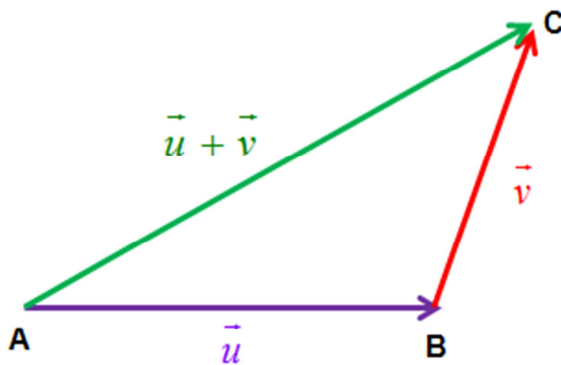
تكون متجهتان متساويتان إذا كان لهما نفس الإتجاه ، نفس المنحى و نفس المنظم

لكل متجهة  $\vec{u}$  و لكل نقطة  $A$  من الفضاء توجد نقطة وحيدة  $M$  من الفضاء بحيث :  $\overrightarrow{AM} = \vec{u}$

$\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC} \Leftrightarrow ABCD$  متوازي الأضلاع

### علاقة شال

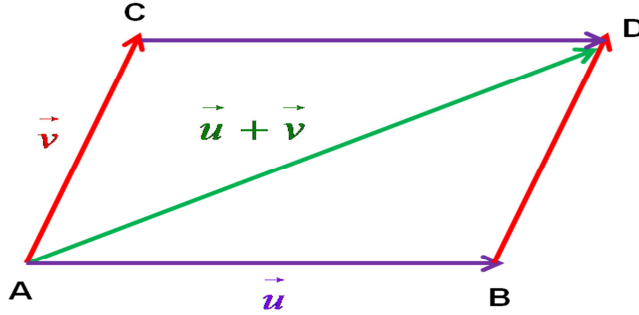
مهما كانت النقط  $A$  و  $B$  و  $C$  من الفضاء ، لدينا :  $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{AC}$



$$\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{AC}$$

مجموع متجهتين

لتكن  $A$  و  $B$  و  $D$  و  $C$  أربع نقط من الفضاء  
لدينا :  $\vec{AB} + \vec{AC} = \vec{AD}$



$$\vec{u} = \vec{AB}$$

$$\vec{v} = \vec{AC}$$

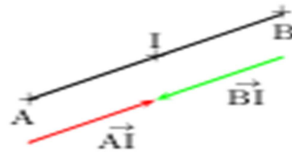
$$\vec{u} + \vec{v} = \vec{AD}$$

لتكن  $\vec{u}$  و  $\vec{v}$  و  $\vec{w}$  ثلاث متجهات من الفضاء ، لدينا :

- $\vec{u} + \vec{v} = \vec{v} + \vec{u}$
- $(\vec{u} + \vec{v}) + \vec{w} = \vec{u} + (\vec{v} + \vec{w})$
- $\vec{u} + \vec{0} = \vec{0} + \vec{u} = \vec{u}$
- $\vec{u} + (-\vec{u}) = (-\vec{u}) + \vec{u} = \vec{0}$

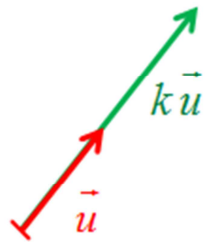
منتصف قطعة

$I$  منتصف القطعة  $[AB]$  إذا و فقط إذا كان  $\vec{IA} + \vec{IB} = \vec{0}$

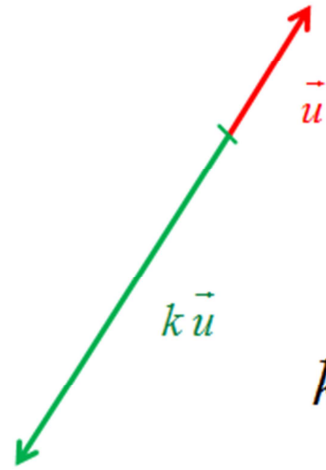


ضرب عدد حقيقي في متجهة

<p>لتكن <math>\vec{u}</math> متجهة غير منعدمة و ليكن <math>k \in \mathbb{R}^*</math> جداء العدد الحقيقي <math>k</math> في المتجهة <math>\vec{u}</math> عي المتجهة <math>k\vec{u}</math> المعرفة بما يلي :</p>	
<p><math>k &lt; 0</math></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• <math>\vec{u}</math> و <math>k\vec{u}</math> لهما نفس الإتجاه</li> <li>• <math>\vec{u}</math> و <math>k\vec{u}</math> لهما منحنيان متعاكسان</li> <li>• <math>\ k\vec{u}\  = (-k)\ \vec{u}\ </math></li> </ul>	<p><math>k &gt; 0</math></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• <math>\vec{u}</math> و <math>k\vec{u}</math> لهما نفس الإتجاه</li> <li>• <math>\vec{u}</math> و <math>k\vec{u}</math> لهما نفس المنحى</li> <li>• <math>\ k\vec{u}\  = k\ \vec{u}\ </math></li> </ul>



$k > 0$



$k < 0$

لتكن  $\vec{u}$  و  $\vec{v}$  متجهتين من الفضاء و ليكن  $\alpha$  و  $\beta$  عددين حقيقيين ، لدينا :

•  $\alpha.(\vec{u} + \vec{v}) = \alpha\vec{u} + \alpha\vec{v}$

•  $(\alpha + \beta)\vec{u} = \alpha\vec{u} + \beta\vec{u}$

•  $(\alpha \times \beta)\vec{u} = \alpha.(\beta\vec{u})$

•  $1\vec{u} = \vec{u}$

$\vec{v}$  و  $\vec{u}$  مستقيمتان إذا وفقط إذا وجد عدد حقيقي  $k$  بحيث :  $\vec{v} = k\vec{u}$

المستقيم في الفضاء

لتكن  $A$  نقطة من الفضاء و  $\vec{u}$  متجهة غير منعدمة  
مجموعة النقط  $M$  من الفضاء حيث  $\overrightarrow{AM} = t\vec{u}$  ( $t \in \mathbb{R}$ ) هي المستقيم المار من  $A$  و الموجه بالمتجهة  $\vec{u}$  و نرمل له  
ب:  $D(A, \vec{u})$

الإستوائية

ليكن  $(P)$  مستوى من الفضاء و لتكن  $A$  و  $B$  و  $C$  ثلاث نقط غير مستقيمية من المستوى  $(P)$ .  
نقول أن  $(P)$  هو المستوى المار من  $A$  و الموجه بالمتجهتين  $\overrightarrow{AB}$  و  $\overrightarrow{AC}$

المستوى المار من  $A$  و الموجه بالمتجهتين  $\vec{u}$  و  $\vec{v}$  نرمل له بالرمز  $(P) = P(A, \vec{u}, \vec{v})$

لتكن  $\vec{u}$  و  $\vec{v}$  و  $\vec{w}$  ثلاث متجهات من الفضاء .  
نقول أن المتجهات  $\vec{u}$  و  $\vec{v}$  و  $\vec{w}$  مستوائية إذا و فقط إذا وجدت أربع نقط  $A$  و  $B$  و  $C$  و  $D$  من الفضاء بحيث :  
 $\vec{u} = \overrightarrow{AB}$  و  $\vec{v} = \overrightarrow{AC}$  و  $\vec{w} = \overrightarrow{AD}$

لتكن  $\vec{u}$  و  $\vec{v}$  متجهتين غير مستقيمتين و لتكن  $\vec{w}$  متجهة من الفضاء .  
 $\vec{u}$  و  $\vec{v}$  و  $\vec{w}$  مستوائية  $\Leftrightarrow \vec{w} = x\vec{u} + y\vec{v}$  ( $\exists(x, y) \in \mathbb{R}^2$ )

لتكن  $A$  و  $B$  و  $C$  و  $D$  أربع نقط من الفضاء  
إذا وجد عددين حقيقيين  $\alpha$  و  $\beta$  بحيث :  $\overrightarrow{AD} = \alpha\overrightarrow{AB} + \beta\overrightarrow{AC}$  فإن النقط  $A$  و  $B$  و  $C$  و  $D$  مستوائية